

МАТЕМАТИКА

10 класс

Работа по теме «Тригонометрия»

Профильный уровень

Демонстрационный вариант

Инструкция по выполнению работы

На выполнение диагностической работы по математике даётся 90 минут. Работа включает в себя 11 заданий и состоит из двух частей.

Ответом в заданиях части 1 (1–5) является или целое число, десятичная дробь или последовательность цифр. Запишите ответ в отведённое для него место на листе с заданиями.

В заданиях части 2 (6–11) требуется записать решение и ответ в специально отведённом для этого поле.

При выполнении работы нельзя пользоваться учебниками, рабочими тетрадями, справочниками, калькулятором.

При необходимости можно пользоваться черновиком. Записи в черновике проверяться и оцениваться не будут.

Выполнять задания можно в любом порядке, главное – правильно решить как можно больше заданий. Советуем Вам для экономии времени пропускать задание, которое не удаётся выполнить сразу, и переходить к следующему. Если после выполнения всей работы у Вас останется время, можно будет вернуться к пропущенным заданиям.

Желаем успеха!

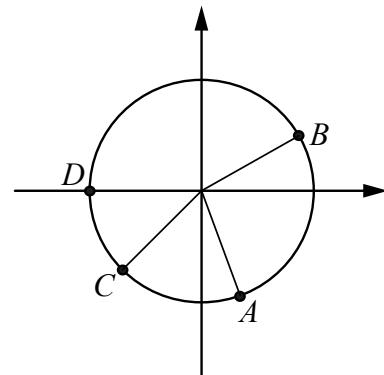
Часть 1

В заданиях 1–5 дайте ответ в виде целого числа, десятичной дроби или последовательности цифр. Запишите ответ в поле ответа в тексте работы. Единицы измерений писать не нужно

1

На тригонометрической окружности отмечены точки A , B , C и D . Установите соответствие между этими точками и числами.

- 1) π
- 2) $-\frac{3\pi}{4}$
- 3) $-\frac{2\pi}{5}$
- 4) $\frac{13\pi}{6}$



Впишите в приведённую в ответе таблицу под каждой буквой соответствующую цифру.

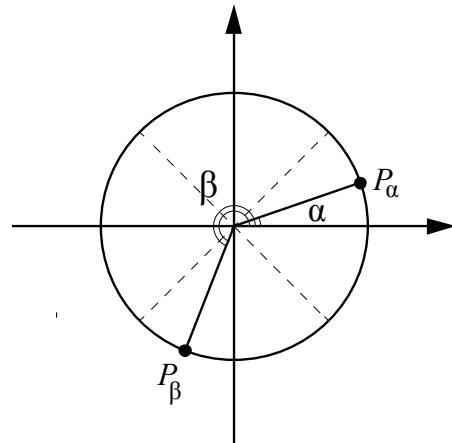
Ответ:

A	B	C	D

2

На тригонометрической окружности отмечены углы α и β . Выберите верные утверждения для этих углов.

- 1) $\sin \alpha > \sin \beta$
- 2) $|\sin \alpha| > |\sin \beta|$
- 3) $\sin^2 \alpha + \cos^2 \beta = 1$
- 4) $\sin \beta < \cos \alpha$

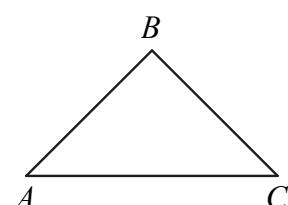


В ответе запишите номера выбранных утверждений без пробелов, запятых и других посторонних символов.

Ответ: _____.

3

В равнобедренном треугольнике ABC $AB = BC = 10$, $AC = 12$. Найдите синус угла B .

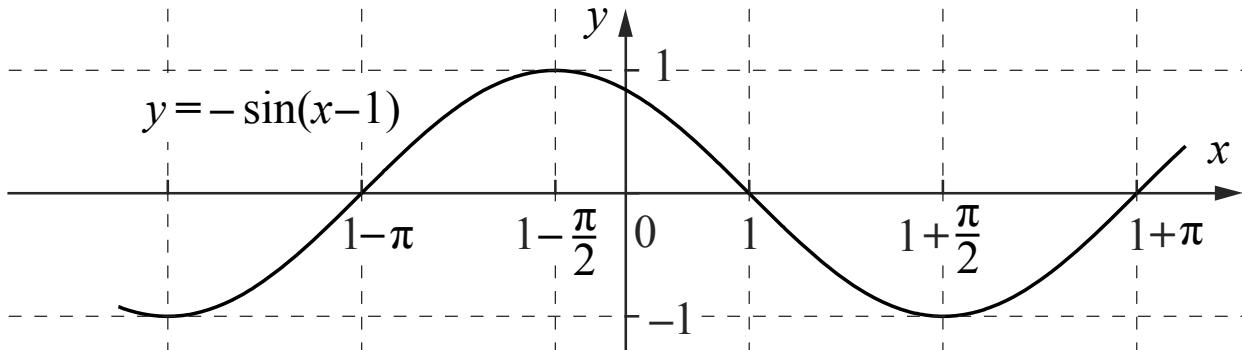


Ответ: _____.

- 4** При углах, меньших 10 градусов, синус угла равен самому углу, выраженному в радианах, с точностью до сотых. Найдите с точностью до сотых $\sin 5^\circ$. Ответ запишите десятичной дробью с двумя знаками после запятой.

Ответ: _____.

- 5** На рисунке изображён график функции $f(x) = -\sin(x-1)$.



Выберите верные утверждения:

- 1) $\frac{\pi}{2}$ — период функции $f(x)$;
- 2) 2π — период функции $f(x)$;
- 3) $f(x)$ возрастает на отрезке $\left[1-3\pi, 1-\frac{5\pi}{2}\right]$;
- 4) $f(x)$ убывает на отрезке $\left[1+\frac{5\pi}{2}, 1+\frac{7\pi}{2}\right]$.

В ответе запишите номера выбранных утверждений без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

Ответ: _____.

Часть 2

В заданиях 6–11 запишите ответ в отведённом для него поле. Для заданий 6, 8–11 запишите полное решение

6

Вычислите: $7\sin^2 \alpha - 3\cos^2 \alpha$, если $\cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{5}}$.

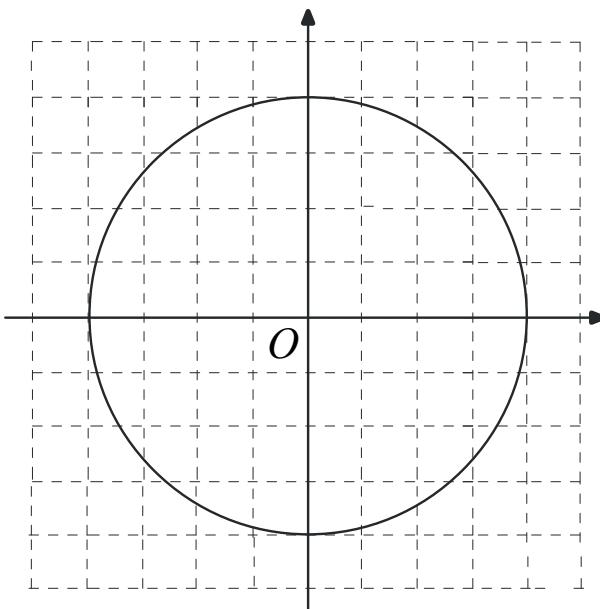
Решение:

Ответ:

7

Выделите точки на тригонометрической окружности так, чтобы для соответствующих им углов выполнялось условие $|\cos \alpha| \leq \frac{\sqrt{2}}{2}$.

Ответ:

**8**

Сравните $\sin 3$ и $\cos 5,5$. Ответ обоснуйте.

Решение:

Ответ:	

9

Вычислите: $\cos 105^\circ$.

Решение:	
Ответ:	

10

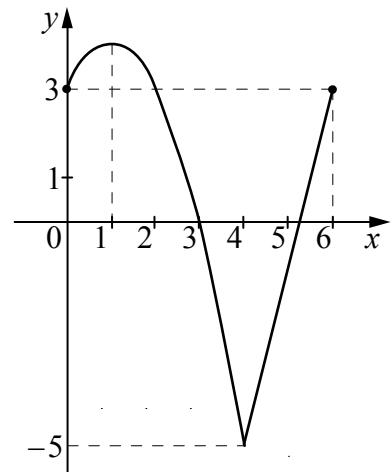
Решите уравнение $|\sin x| = \frac{1}{\sqrt{2}}$

Решение:	

Ответ:

11Про функцию $f(x)$ известно, что:

- 1) $f(x)$ — чётная;
- 2) $f(x)$ — периодическая, $T = 12$;
- 3) $f(x) = -x^2 + 2x + 3$ при $x \in [0; 4]$;
- 4) $f(x) = 4x - 21$ при $x \in (4; 6]$;

а) Постройте график функции $f(x)$ на отрезке $[-15; 6]$;б) Найдите число нулей функции на отрезке $[-15; 5]$.

Решение:

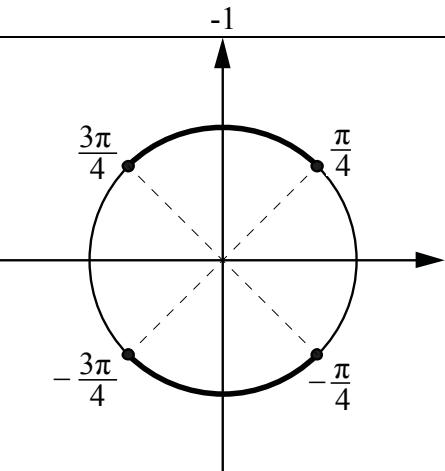
Ответ:

Система оценивания диагностической работы по математике
по теме «Тригонометрия»
Профильный уровень

Правильное выполнение (верный ответ) каждого из заданий 1–6 оценивается 1 баллом.

Правильное выполнение (полное решение) заданий 9 и 10 оценивается 1 баллом.

Выполнение заданий 7, 8 и 11 оценивается по приведённым ниже критериям.

№ задания	Ответ
1	3421
2	14; 41
3	0,96
4	0,09
5	23; 32
6	-1
7	
Содержание ответа и указания к оцениванию	Баллы
Дан верный ответ	2
Нарисованы верные дуги, но их концы не обозначены, ИЛИ дуги отмечены верно, но не обозначены их концы	1
Все другие случаи	0
	<i>Максимальный балл</i>
8	$\cos 5,5 > \sin 3$
Содержание ответа и указания к оцениванию	Баллы
Решение полное и верное	2
Только верный ответ	1
Все другие случаи	0
	<i>Максимальный балл</i>
9	$\frac{\sqrt{2} - \sqrt{6}}{4}$
10	$\frac{\pi}{4}(2n+1), n \in \mathbb{Z}$

11	<p>a)</p> <p>б) 6</p>
Содержание ответа и указания к оцениванию	
Верное решение обоих пунктов а) и б)	Баллы 2
Верное решение одного из пунктов а) или б)	1
Все другие случаи	0
<i>Максимальный балл</i>	
2	

Система оценивания выполнения всей работы

Максимальный балл за выполнение всей работы – 14.

Таблица перевода баллов в отметки по пятибалльной шкале

Отметка по пятибалльной шкале	«2»	«3»	«4»	«5»
Первичные баллы	0–5	6–8	9–11	12–14